

# *Graph-Based Sybil Detection: a caccia di falsi profili nel grafo di un Social Network*

## **Candidato:**

Matteo D'Angelo

## **Relatori:**

Prof. Marco Liverani  
Dott. Stefano Guarino



Tesi di Laurea Magistrale in Matematica  
Università degli Studi Roma Tre

Anno Accademico 2014/2015

# Falsi profili nei Social Network



Nell'ambito dei Social Network, un profilo che non corrisponde alla vera identità di una persona viene tipicamente denominato **Sybil** e di conseguenza un attacco basato su falsi profili viene chiamato **Sybil Attack**.

# Perché sono pericolosi i falsi profili?

I falsi profili in un *Social Network* possono essere utilizzati per differenti motivi, tra cui:

- Diffondere *malware* (*i.e.*, programmi creati appositamente al fine di arrecare danni ai sistemi nei quali riescono ad infiltrarsi)
- Diffondere *spam* (*i.e.*, messaggi più o meno diretti che includono link a siti esterni, spesso contenenti malware o pubblicità non desiderata)
- Manipolare votazioni on-line
- Alterare campagne pubblicitarie
- Accedere ad informazioni personali di altri profili
- Danneggiare l'immagine di personaggi o marchi famosi
- ...

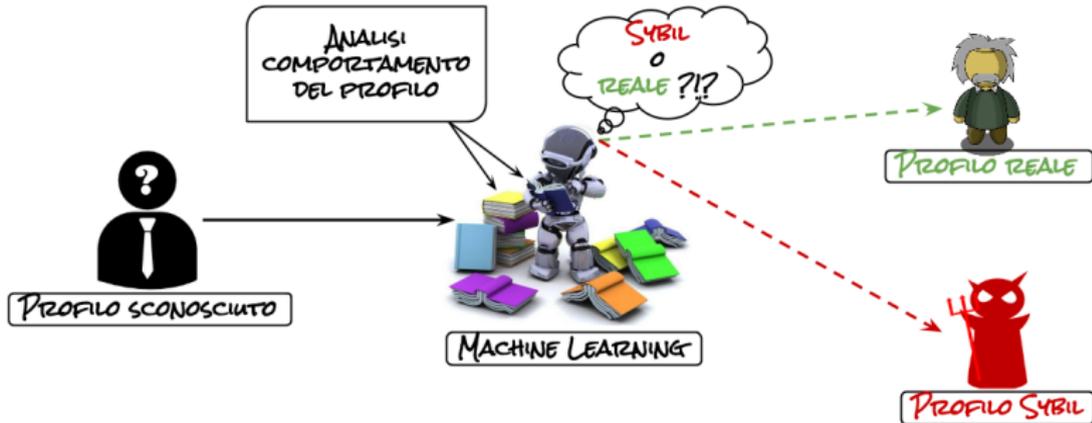
# Sybil Detection

Le due principali categorie di schemi utilizzati per contrastare la proliferazione di falsi profili nei Social Network sono:

- Classificatori basati su **Machine Learning**
- Classificatori basati su **Grafi**

L'obiettivo comune di entrambi gli approcci è quello di attribuire un punteggio ad ogni profilo che rappresenta la probabilità che essi siano **onesti** o **Sybil**.

# Sybil Detection con Machine Learning

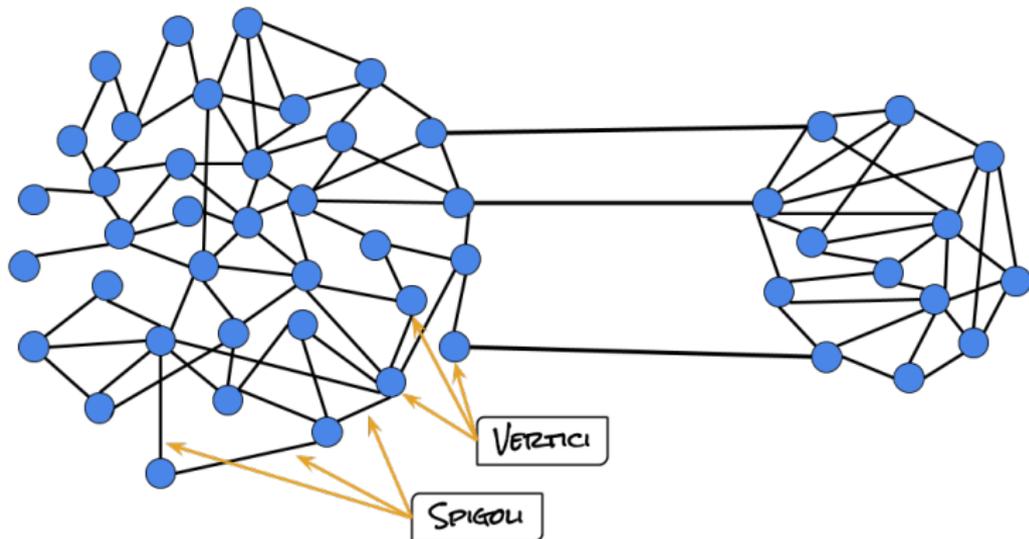


- Numero di *link* per *tweet*
- Numero di caratteri per *tweet*
- Numero di *hashtag* per *tweet*
- Presenza di un volto nella foto del profilo
- Rapporto tra *follower* e *following*
- ...

# Graph-Based Sybil Detection

## Definizione

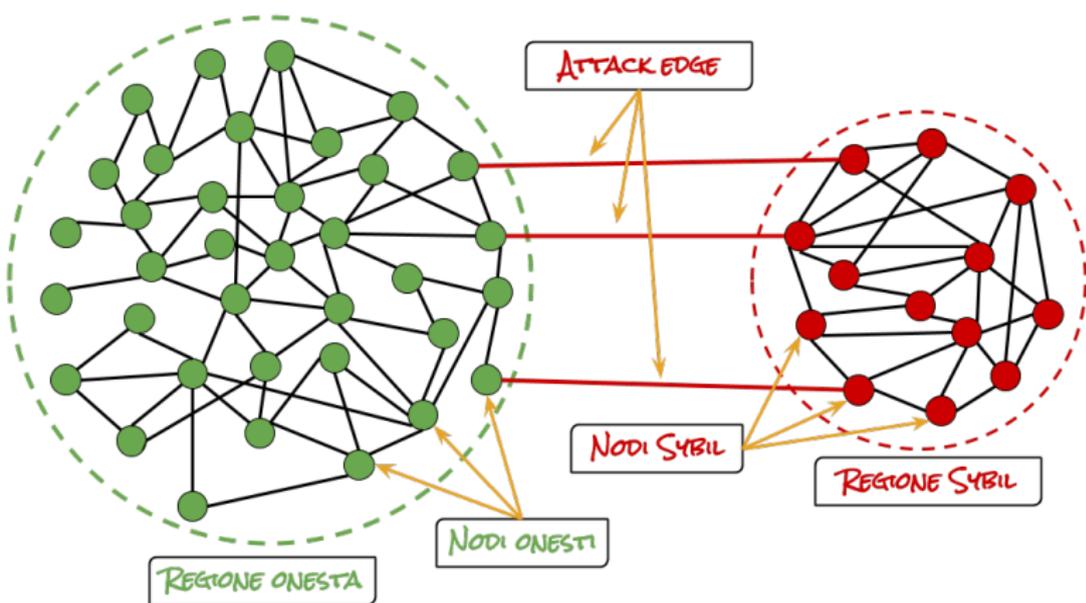
Possiamo definire un Social Network come un **grafo**  $G = (V, E)$  in cui ogni **vertice** o **nodo**  $v \in V$  rappresenta un'identità "virtuale" e ogni **spigolo**  $(u, v) \in E$  una ben definita relazione tra le due identità  $u$  e  $v$ .



# Graph-Based Sybil Detection

## Definizione

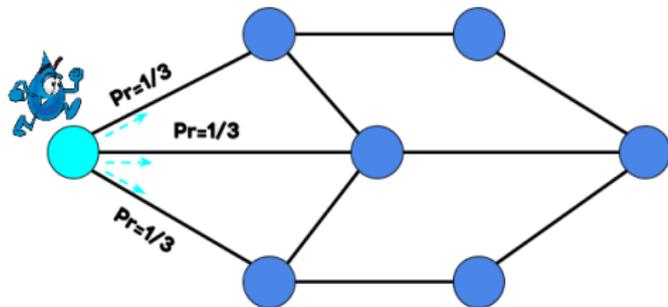
Possiamo definire un Social Network come un **grafo**  $G = (V, E)$  in cui ogni **vertice** o **nodo**  $v \in V$  rappresenta un'identità "virtuale" e ogni **spigolo**  $(u, v) \in E$  una ben definita relazione tra le due identità  $u$  e  $v$ .



## Definizione

Una **random walk** o **passeggiata aleatoria** su un grafo  $G = (V, E)$  (costituito da  $n$  vertici e  $m$  spigoli) è una *catena di Markov*  $W = \{w_t\}_{t \geq 0}$  con *spazio degli stati*  $V = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$  e con *matrice di transizione*  $\mathbf{P}$  i cui elementi sono così definiti:

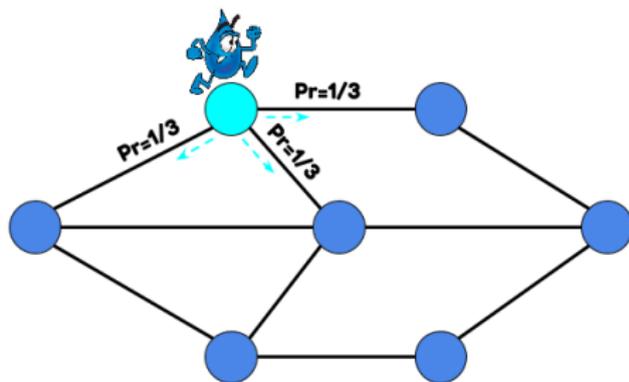
$$P_{i,j} = \begin{cases} \frac{1}{\deg(v_i)} & \text{se } (v_i, v_j) \in E \\ 0 & \text{altrimenti} \end{cases}$$



## Definizione

Una **random walk** o **passeggiata aleatoria** su un grafo  $G = (V, E)$  (costituito da  $n$  vertici e  $m$  spigoli) è una *catena di Markov*  $W = \{w_t\}_{t \geq 0}$  con *spazio degli stati*  $V = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$  e con *matrice di transizione*  $\mathbf{P}$  i cui elementi sono così definiti:

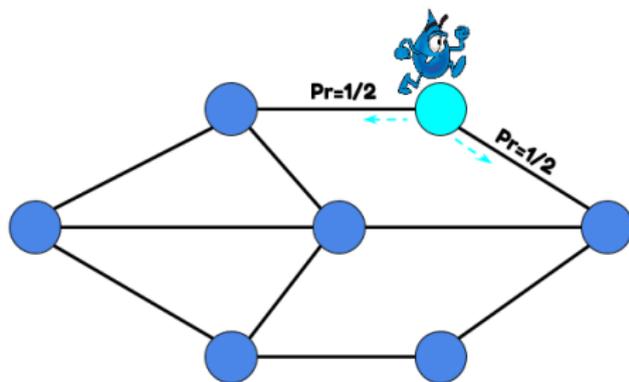
$$P_{i,j} = \begin{cases} \frac{1}{\deg(v_i)} & \text{se } (v_i, v_j) \in E \\ 0 & \text{altrimenti} \end{cases}$$



## Definizione

Una **random walk** o **passeggiata aleatoria** su un grafo  $G = (V, E)$  (costituito da  $n$  vertici e  $m$  spigoli) è una *catena di Markov*  $W = \{w_t\}_{t \geq 0}$  con *spazio degli stati*  $V = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$  e con *matrice di transizione*  $\mathbf{P}$  i cui elementi sono così definiti:

$$P_{i,j} = \begin{cases} \frac{1}{\deg(v_i)} & \text{se } (v_i, v_j) \in E \\ 0 & \text{altrimenti} \end{cases}$$



## Definizione

Definiamo la **distribuzione di probabilità** della passeggiata aleatoria al tempo  $t$  come il vettore  $\lambda^{(t)} = (\lambda_1^{(t)}, \dots, \lambda_n^{(t)})$  in cui l' $i$ -esimo elemento  $(\lambda_i^{(t)})$  descrive la probabilità che la passeggiata si trovi nel vertice  $v_i$  al tempo  $t$ .

La **distribuzione stazionaria** di una tale passeggiata è definita nel seguente modo:

$$\pi = \left( \frac{\deg(v_1)}{2m}, \dots, \frac{\deg(v_n)}{2m} \right)$$

## Definizione

Definiamo il **tempo di mixing** come il tempo necessario affinché la passeggiata aleatoria raggiunga la distribuzione stazionaria.

Formalmente

$$t_{mix} = \min \left\{ t > 0 : d \left( \lambda^{(t)}, \pi \right)_{TV} \leq \frac{c}{n} \right\}$$

Diremo inoltre che la camminata è **fast-mixing** se  $t_{mix} \in O(\log n)$

La **conduttanza** di un grafo descrive la “compattezza” del grafo, ovvero la probabilità che una passeggiata aleatoria su esso raggiunga le parti più isolate. Formalmente, dato un grafo  $G = (V, E)$  e  $S \subseteq V$  definiamo il *volume* di  $S$  come

$$vol(S) = \sum_{v \in S} deg(v)$$

mentre il *taglio* indotto da  $S$  come

$$cut(S) = \{ (u, v) \in E : u \in S \text{ e } v \in (V \setminus S) \}$$

Allora la conduttanza indotta dal taglio  $S$  è definita come

$$\varphi(S) = \frac{|cut(S)|}{vol(S)}$$

e descrive la “facilità” con cui una passeggiata aleatoria iniziata in  $S$  riesca ad uscire da  $S$ .

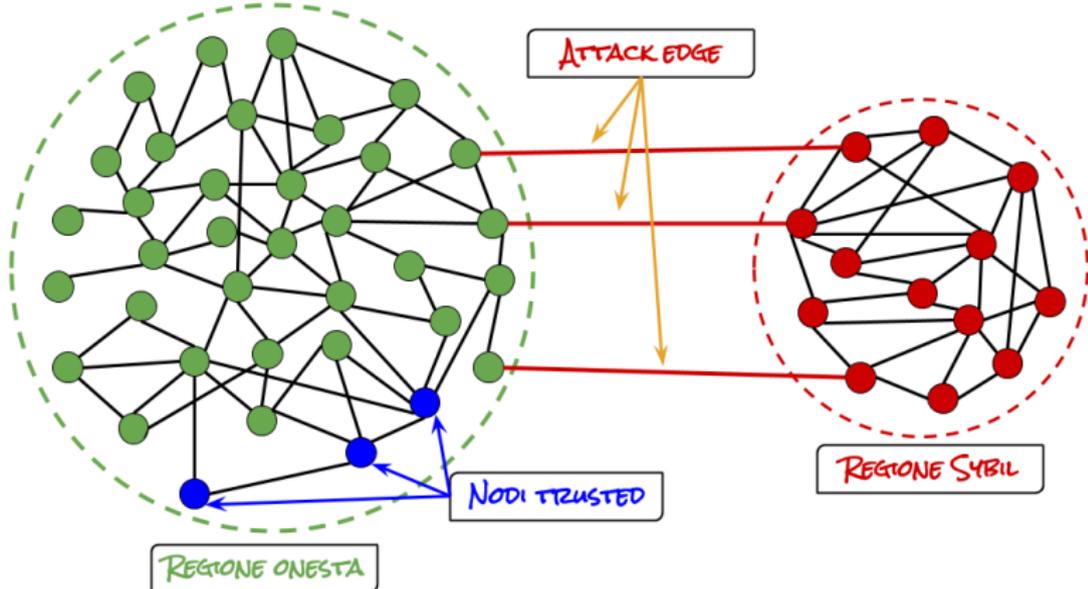
### Definizione

La **conduttanza** del grafo  $G$  è definita come la minima conduttanza su tutti i possibili tagli:

$$\varphi(G) = \min_{S \subseteq V} \varphi(S)$$

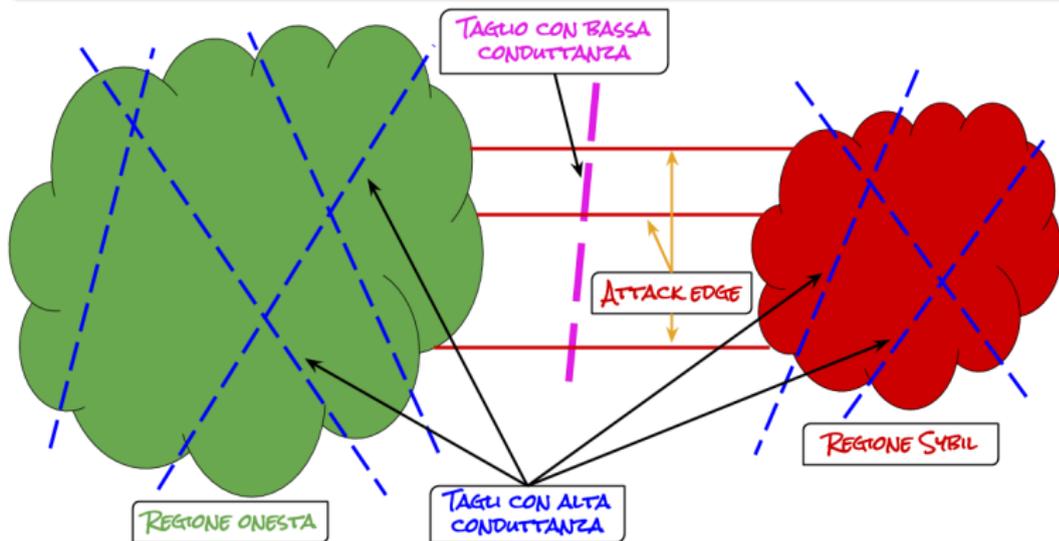
## Proprietà topologiche

- La regione onesta è **ben connessa** e **fast-mixing**
- Il numero di attack edge è **basso**
- È sempre possibile identificare uno o più nodi di “fiducia”, chiamati **nodi trusted**, che rompono la simmetria del grafo



L'idea alla base di questi schemi è quella di attribuire un **valore di ranking** ad ogni nodo attraverso le **passeggiate aleatorie**.

L'identità di un nodo dipende dal punteggio ottenuto e viene stabilita in base al **superamento** di una certa **soglia**, scelta in maniera tale da minimizzare la conduttanza del taglio indotto dal partizionamento in regione onesta e Sybil.



A causa delle **smisurate dimensioni** del grafo che rappresenta un **Social Network**, non è possibile avere una visione d'insieme di esso e quindi è necessario utilizzare le **passeggiate aleatorie** per esplorarlo. Tipicamente vengono realizzate un certo numero di passeggiate di lunghezza  $l \in O(\log n)$  e ne vengono considerate le loro intersezioni. Viste le ipotesi sulla struttura del grafo, c'è un'alta probabilità che i nodi **onesti** ottengano un **alto punteggio** e quelli **Sybil** un **basso punteggio**.

