## Università degli Studi Roma Tre Corso di Laurea in Matematica, a.a. 2004/2005 AL 1

## Esercizi per casa, II prova

Consegnare entro martedì 26 ottobre.

- 1. Dimostrare per induzione le seguenti affermazioni:
  - (a)  $n^3 + 2n$  è multiplo di 3 per ogni numero naturale n.
  - (b)  $n^3 \leq 3^n$  per ogni numero naturale  $n \geq 3$ .
  - (c)  $\sum_{i=1}^{n} (k^2 k) = \frac{1}{3} (n^2 n)$ , per ogni numero naturale  $n \ge 1$ .
- 2. Determinare se, dati A, B, C e D insiemi qualsiasi,
  - (a)  $(A \times B) \setminus (C \times D) = (A \setminus C) \times (B \setminus D)$ .
  - (b)  $(A \times B) \cap (C \times D) = (A \cap C) \times (B \cap D)$ .
- 3. Scrivere:
  - (a) 157 in base 5.
  - (b) 55 in base 2.
  - (c) 3010 in base 11.
- **4.** (a) Determinare un inverso moltiplicativo del numero complesso 5-i.
  - (b) Siano dati i numeri complessi u := 10 + 5i e v := 3 + 4i. Determinare il numero complesso z := a + ib in modo tale che u = vz.